

# Symmetrische Kryptografie

## Betriebsmodi von Blockchiffren

und was man sonst damit machen kann

Martin

Chaos Computer Club Cologne e.V.  
<https://koeln.ccc.de>

12. Oktober 2015



# Definition

## Krypto-System

*Tupel*  $(M, C, K, E, D)$

*Message, Ciphertext, Key,*

*Encryption-Function, Decryption-Function*

## Verschlüsselung

$\text{Enc}_K(M) \Rightarrow C$

## Entschlüsselung

$\text{Dec}_K(C) \Rightarrow M$

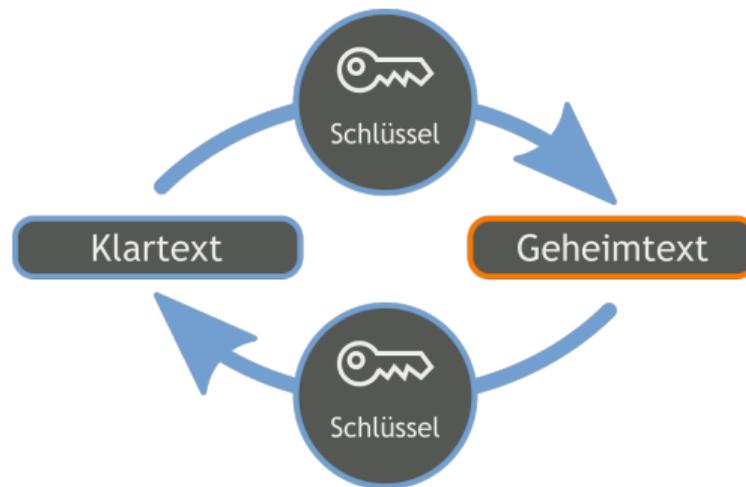


Abbildung: Wikipedia, Bananenfalter



# How to blockcipher?

- 1 Die Welt einigt sich auf Algorithmus und Schlüssellänge  $\$length$
- 2 Wähle Schlüssel mit Länge  $\$length$
- 3 Teile Klartext in  $\$length$  lange Blöcke - Padding nötig



# How to blockcipher?

- 1 Die Welt einigt sich auf Algorithmus und Schlüssellänge  $\$length$
- 2 Wähle Schlüssel mit Länge  $\$length$
- 3 Teile Klartext in  $\$length$  lange Blöcke - Padding nötig



# Zerlegung und Padding

## Aufgabe

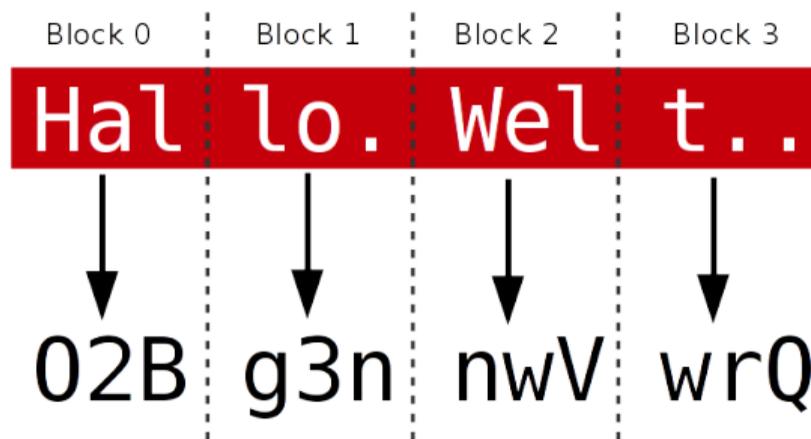
- Klartext sei “Hallo Welt”
- Blocklänge \$length\$ sei 3



# Zerlegung und Padding mit Beispiel

## Aufgabe

- Klartext sei "Hallo Welt"
- Blocklänge \$length\$ sei 3



# Block-Zerlegung

- 1 Die Welt einigt sich auf Algorithmus und Schlüssellänge  $\$length$
- 2 Wähle Schlüssel mit Länge  $\$length$
- 3 Teile Klartext in  $\$length$  Blöcke - Padding nötig
- 4 Verschlüssele alle Blöcke - Aber Wie?



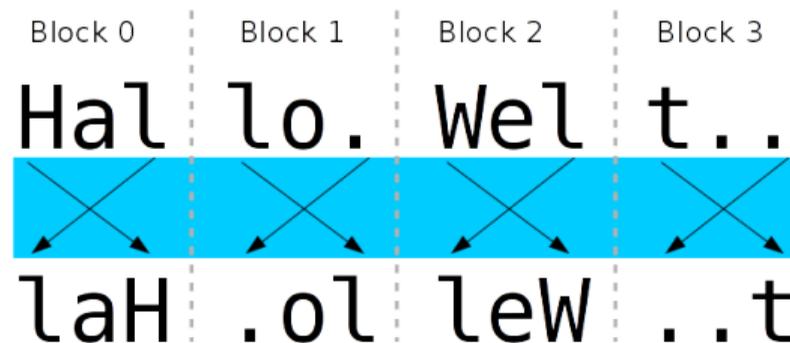
# Block-Zerlegung

- 1 Die Welt einigt sich auf Algorithmus und Schlüssellänge  $\$length$
- 2 Wähle Schlüssel mit Länge  $\$length$
- 3 Teile Klartext in  $\$length$  Blöcke - Padding nötig
- 4 Verschlüssele alle Blöcke - Aber Wie?



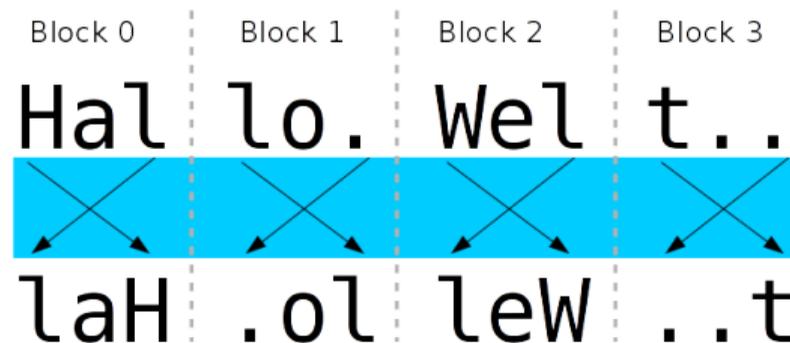
# Beispiel

- Klartext sei “Hallo Welt”
- Blocklänge \$length\$ sei 3
- Algorithmus: tausche Buchstaben
- Schlüssel:  $\{\{0,2\}\}$  tausche ersten und letzten Buchstaben im Block
- Modus **ECB**

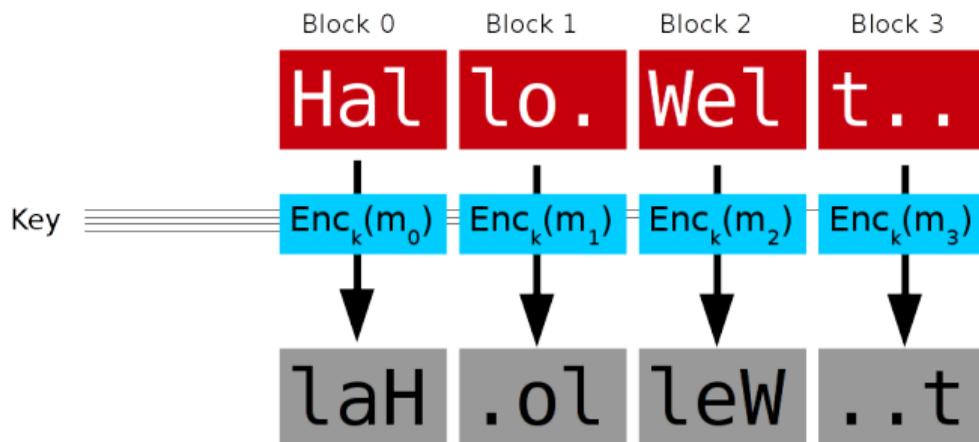


# Beispiel

- Klartext sei “Hallo Welt”
- Blocklänge \$length\$ sei 3
- Algorithmus: tausche Buchstaben
- Schlüssel:  $\{\{0,2\}\}$  tausche ersten und letzten Buchstaben im Block
- Modus **ECB**



# ECB - Electronic Codebook



Alle Blöcke werden der Reihe nach mit dem selben Schlüssel verschlüsselt



# Angriff ECB

Klingt ganz cool... ist es aber nicht

Aufgabe

Warum?

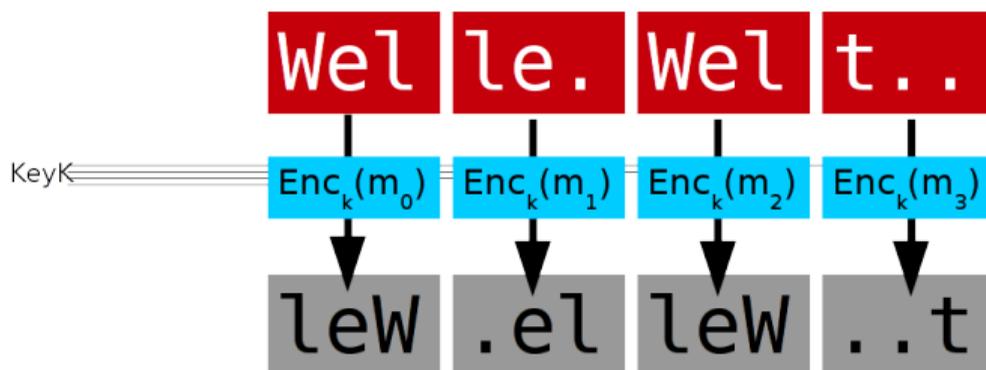


# Angriff ECB

Klingt ganz cool... ist es aber nicht

Aufgabe

Warum?



$$m_x = m_y \implies E_k(m_x) = E_k(m_y) \iff c_x = c_y$$



# Angriff ECB mit bunten Bildchen

## Aufgabe

- 1 Bitmap binär einlesen
- 2 Gegebenenfalls Padding beachten
- 3 Verschlüsseln
- 4 Dateiheader "wiederherstellen"



# Angriff ECB - Lösung OpenSSL

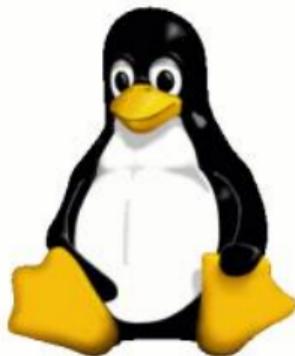
## Lösung mit OpenSSL

- 1 `openssl enc -aes-128-ecb -in plain.bmp -out encrypted.bmp`
  - openssl: openssl aufrufen
  - enc: encryption
  - in: inputfile, out: outputfile
- 2 `dd if=plain.bmp of=encrypted.bmp bs=1 count=32 conv=notrunc`
  - dd: erstellt bitweise Kopie
  - if: inputfile, of: outputfile
  - bs: Wie viele Bytes sollen gleichzeitig kopiert werden?
  - count: Anzahl der zu Kopierenden Blöcke bmp header hat ca. 30 Byte...
  - conv=notrunc: outputfile nicht nach count Blöcken abschneiden

Python-Lösung kommt später... irgendwann...

8 731900 001825

# Angriff ECB visualisiert



(a) Tux von Larry Ewing  
lewing@isc.tamu.edu  
mithilfe von The GIMP



(b) Wikipedia, Lunkwill;  
Tux von Larry Ewing

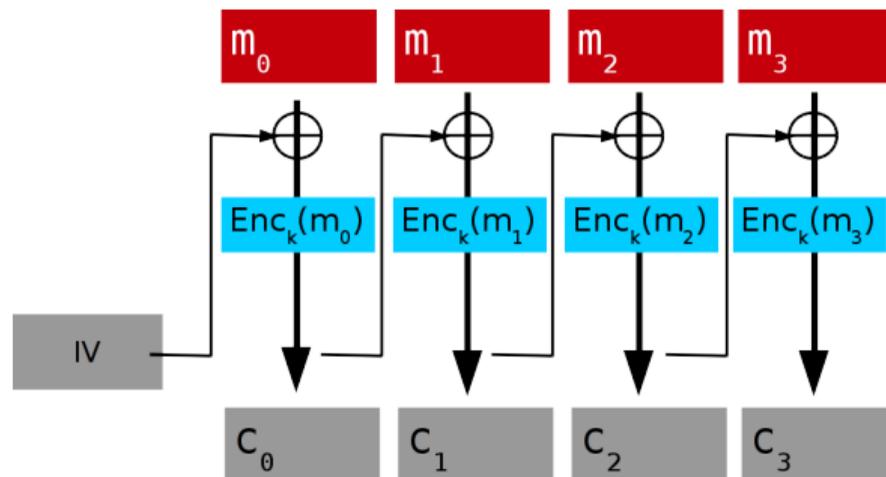


(c) Wikipedia, Lunkwill;  
Tux von Larry Ewing

**Abbildung:** Block cipher mode of operation. Wikipedia, The Free Encyclopedia. Retrieved 16:51, October 3, 2015, from [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Block cipher mode of operation&oldid=683053162#Electronic Codebook .28ECB.29](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Block_cipher_mode_of_operation&oldid=683053162#Electronic_Codebook_.28ECB.29)



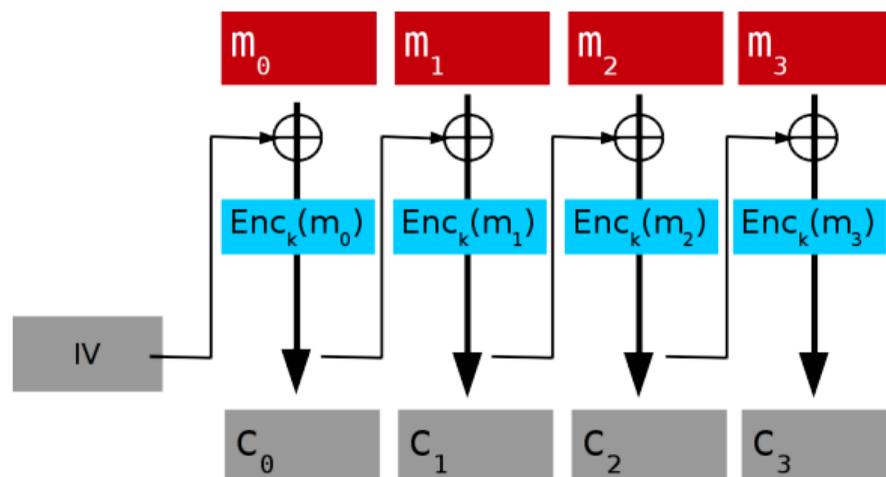
# CBC - Cipher Block Chaining



- Jeder Ciphertext geht in die nachfolgende Verschlüsselung mit ein
- Entschlüsseln nur noch in richtiger Reihenfolge; Blockchain
- IV muss nicht geheim gehalten werden ABER nicht doppelt verwenden, sonst



# CBC - Cipher Block Chaining



- Jeder Ciphertext geht in die nachfolgende Verschlüsselung mit ein
- Entschlüsseln nur noch in richtiger Reihenfolge; Blockchain
- IV muss nicht geheim gehalten werden ABER nicht doppelt verwenden, sonst

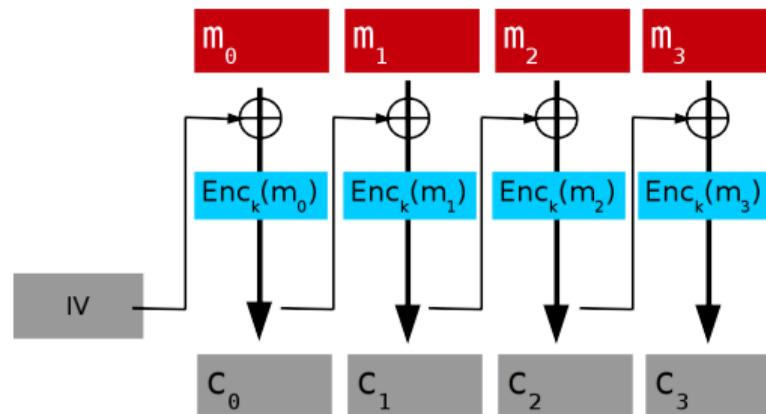


# CBC - Cipher Block Chaining

## Aufgabe

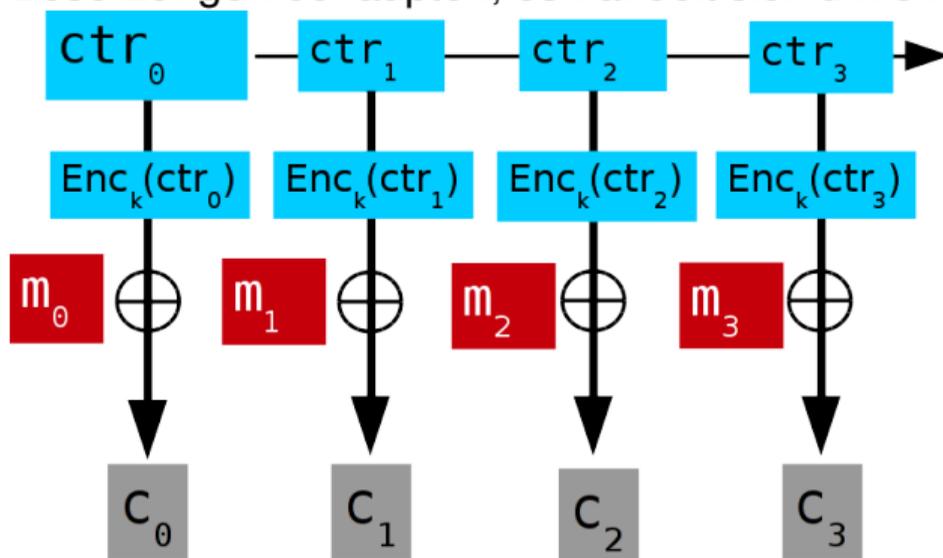
Was passiert bei Mehrfachverwendung von IV?

Zur Erinnerung:



## CTR - Counter Mode

Böse Zungen behaupten, es handelt sich um einen Stream Cipher



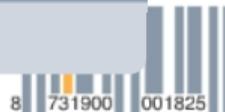
# CTR Notizen

- guter Counter beinhaltet eine Nonce: (Nonce || *Counter*)
- Ver- und Entschlüsselung mit selber Operation: Counter **verschlüsseln** und XOR
- vgl. mit OTP (One-Time Pad); Schlüsselstrom kann durch Counter “errechnet” werden

Anmerkung: Gute Blockchiffren können als PRNG “missbraucht” werden

yanosz sagt...

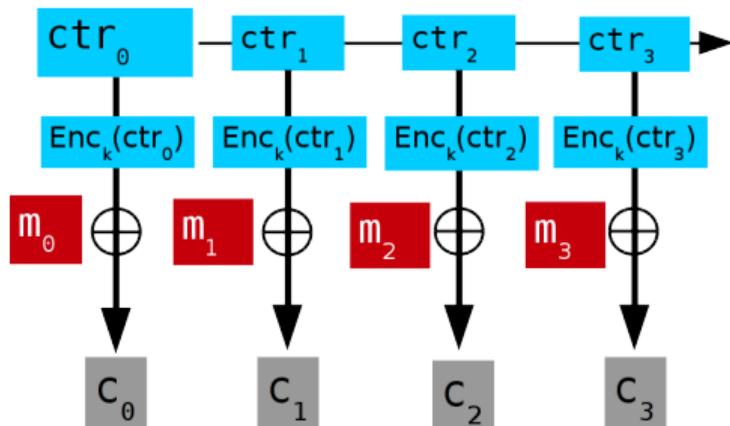
Das gilt auch für AES Ciphertext-Blöcke



# CTR Sicherheit?

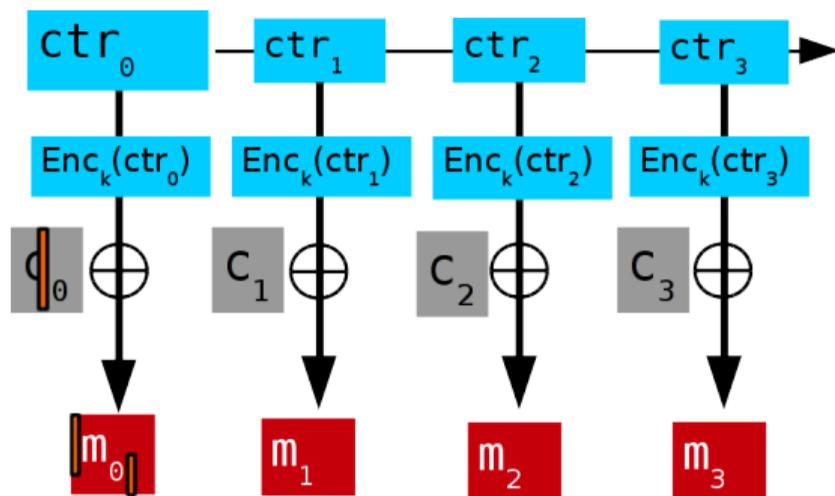
## Aufgabe

OTP ist sicher, 1-Block-ECB ist sicher.  
Ist CTR sicher?



# Ja aber...

Hinweis: Das ist die Entschlüsselung



Modifikation im Ciphertext unentdeckt.



# Sicherheitsziele

## Aufgabe

Die drei klassischen Sicherheitsziele lauten...?

- Vertraulichkeit
- Integrität
- Verfügbarkeit

Was ist gegeben?



# Sicherheitsziele

## Aufgabe

Die drei klassischen Sicherheitsziele lauten...?

- Vertraulichkeit
- Integrität
- Verfügbarkeit

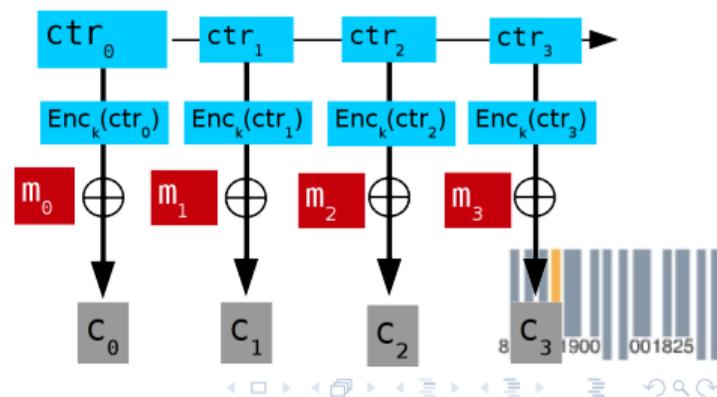
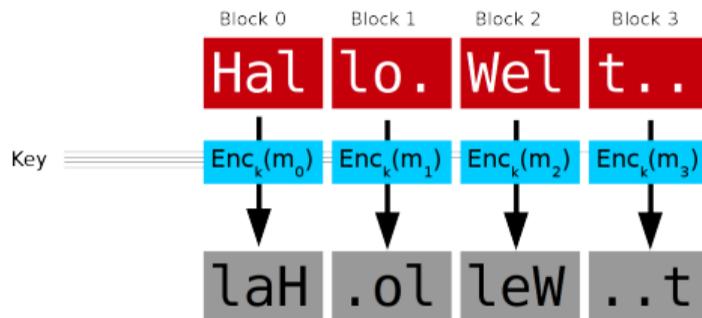
Was ist gegeben?



- Alice will Bob eine Nachricht schreiben
- Die Nachricht wird verschlüsselt übertragen
- Bob kann die Nachricht lesen

## Aufgabe

Weiß Bob ob die Nachricht manipuliert wurde?



# Message Authentication Codes

Wie kann man Integrität gewährleisten?

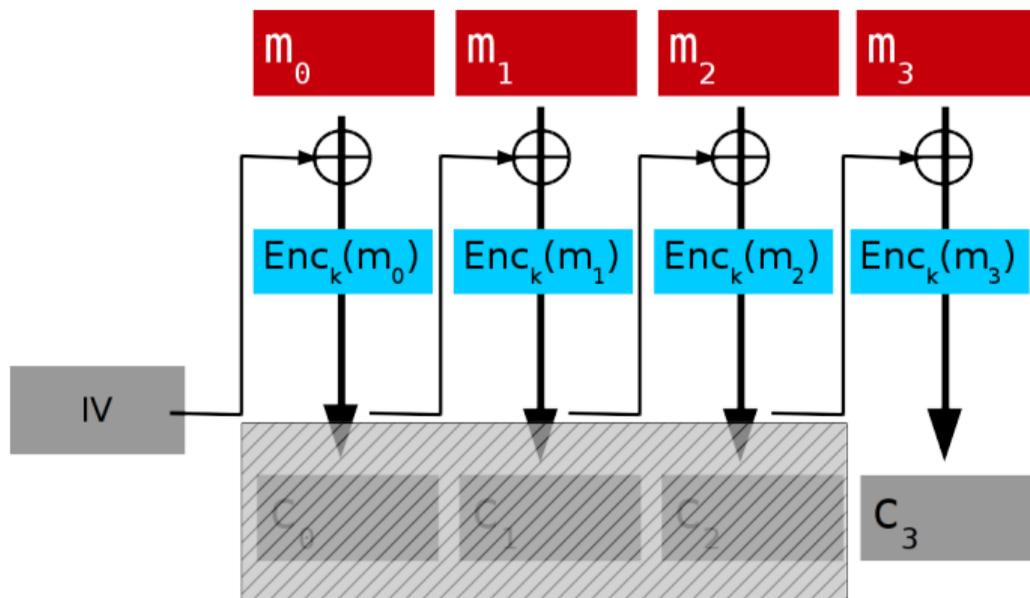
## Message Authentication Code

- *Alice* hängt generiert einen MAC:  $(m, \text{MAC}_k(m))$
  - *Bob* empfängt die Nachricht:  $(m, y)$
  - *Bob* berechnet den MAC selbst und vergleicht:  $\text{MAC}_k(m) == y?$
- ⇒ *Alice* und *Bob* müssen ein Geheimnis  $K$  teilen



# CBC-MAC

Mit einer Blockchiffre Integrität sicherstellen?

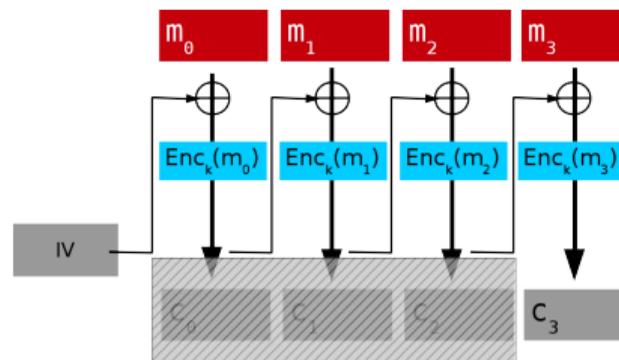


# CBC-MAC

## Aufgabe

Wie lang ist ein CBC-MAC?

Zur Erinnerung:



# Angriff

## XOR-Eigenschaften

$$A \oplus B \oplus B = A$$

- ①  $(m, \text{MAC}_k(m))$  wurde von jemandem berechnet  $m = (m_1 \parallel m_2 \parallel m_3)$
- ②  $((m_1 \parallel m_2 \parallel m_3), \text{MAC}_k(m))$
- ③  $\implies ((m_1 \parallel m_2 \parallel m_3 \parallel m_1 \oplus \text{MAC}_k(m)) \parallel m_2 \parallel m_3), \text{MAC}_k(m')$

## yanosz sagt...

Viel einfacher: Mallory könnte den ersten Ciphertext-Block entfernen und den IV durch  $c_0$  ersetzen.

# Achtung bei CBC und CBC-MAC

**Für CBC und CBC-MAC niemals den selben Schlüssel verwenden**

Nach 2,12 Minuten Gleichungen umformen kann man sehen, dass nur noch die Integrität des letzten Blocks sichergestellt ist und Eve die anderen Blöcke ersetzen kann.

Wen das interessiert: <https://en.wikipedia.org/wiki/CBC-MAC>

Außerdem: Blöcke anhängen immer noch möglich.....  $\implies$  CMAC benutzen



# Vertraulichkeit und Integrität?

Wäre es nicht schön beides gleichzeitig zu haben?

Vertraulichkeit und Integrität

Authenticated Encryption



# Vertraulichkeit und Integrität?

Wäre es nicht schön beides gleichzeitig zu haben?  
Vertraulichkeit und Integrität  
Authenticated Encryption



# Auf dem Weg zu GCM

Was bisher geschah...

- 1 ECB Electronic Code Book Mode (unsicher für mehr als einen Block)
- 2 CTR Counter Mode
- 3 CBC Cipher Block Chain Mode
- 4 CBC-MAC für Integritätssicherung

Die Lösung: **GCM - Galois Counter Mode**

- G für GMAC (Galois MAC)
- CM für CTR Mode



# Auf dem Weg zu GCM

Was bisher geschah...

- 1 ECB Electronic Code Book Mode (unsicher für mehr als einen Block)
- 2 CTR Counter Mode
- 3 CBC Cipher Block Chain Mode
- 4 CBC-MAC für Integritätssicherung

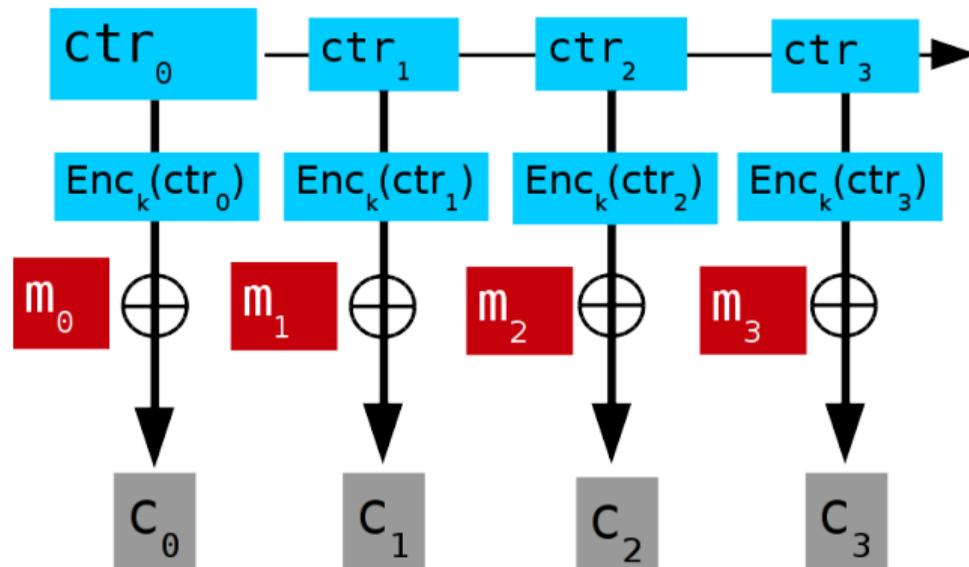
Die Lösung: **GCM - Galois Counter Mode**

- G für GMAC (Galois MAC)
- CM für CTR Mode

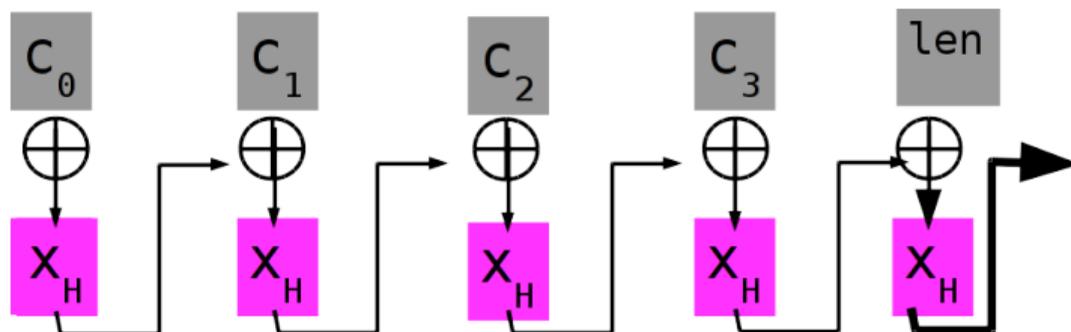


# Rückblick CTR

Zur Erinnerung: Counter Mode



# GMAC - Galois Message Authentication Code



Warum Galois?

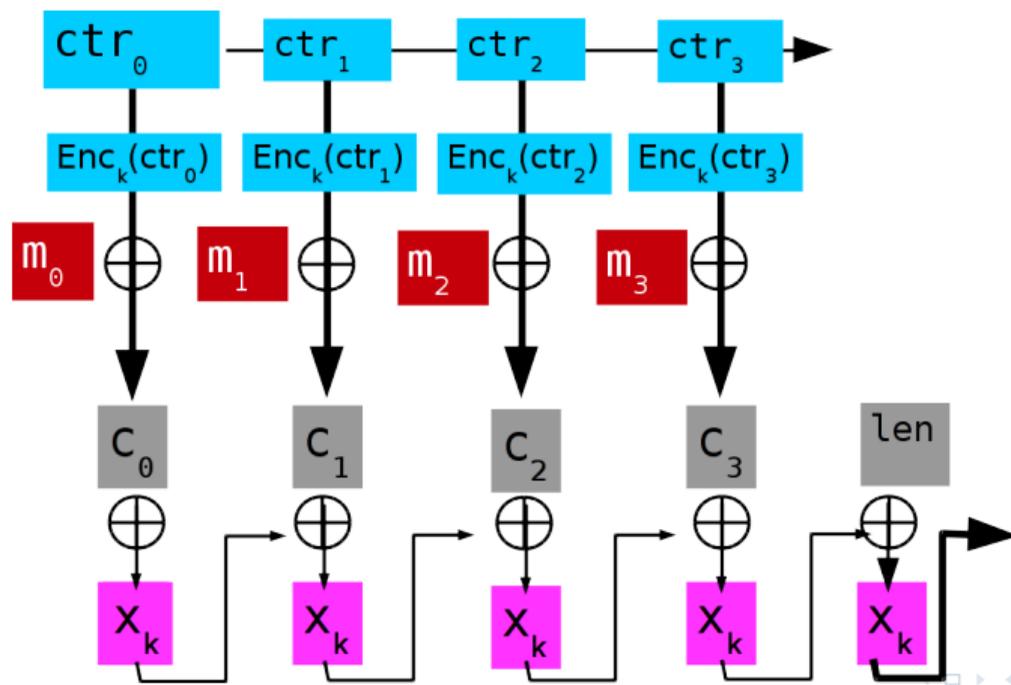
## Definition

$x$  ist eine Operation (Polynom-)Multiplikation in  $\mathbb{GF}(2^{128})$

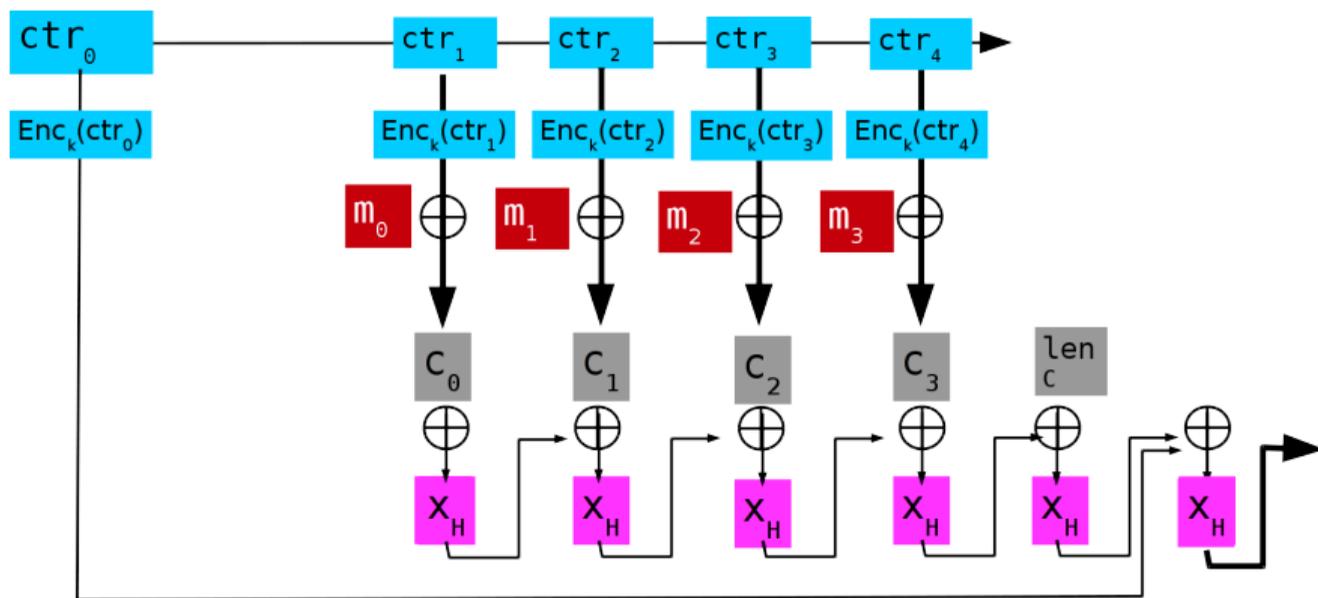
$H = \text{Enc}_k(\text{Null-Block})$



## CTR und GMAC

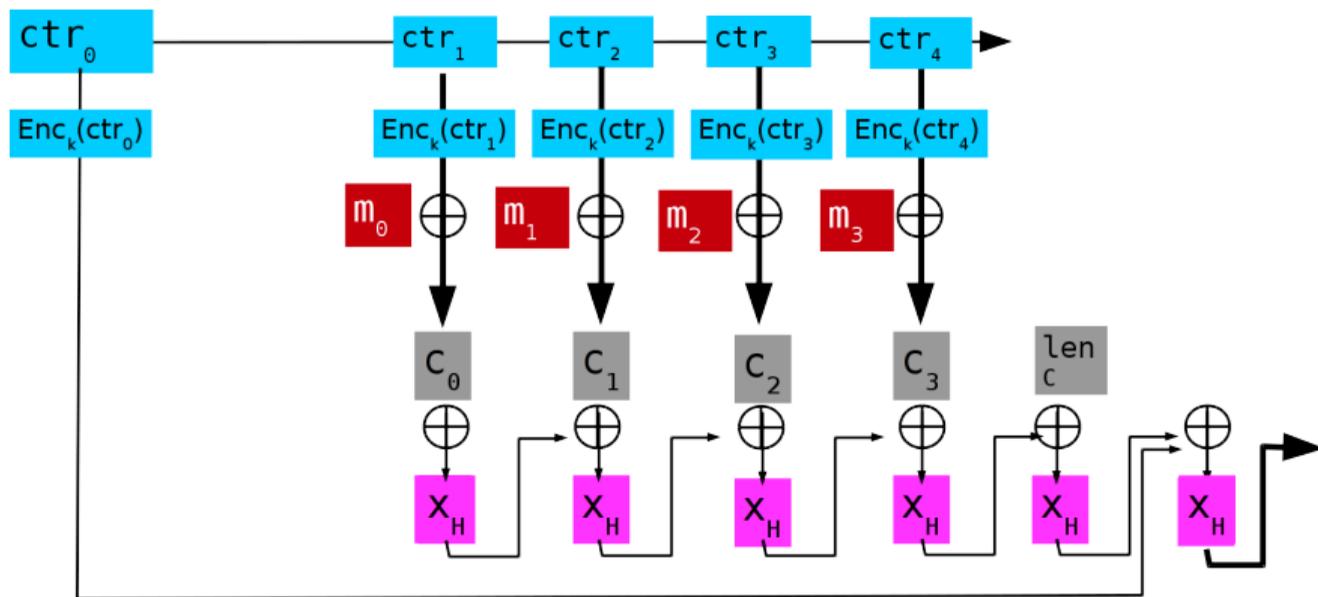


# GCM Authenticated Encryption



Authenticated Encryption - Aber GCM kann noch mehr

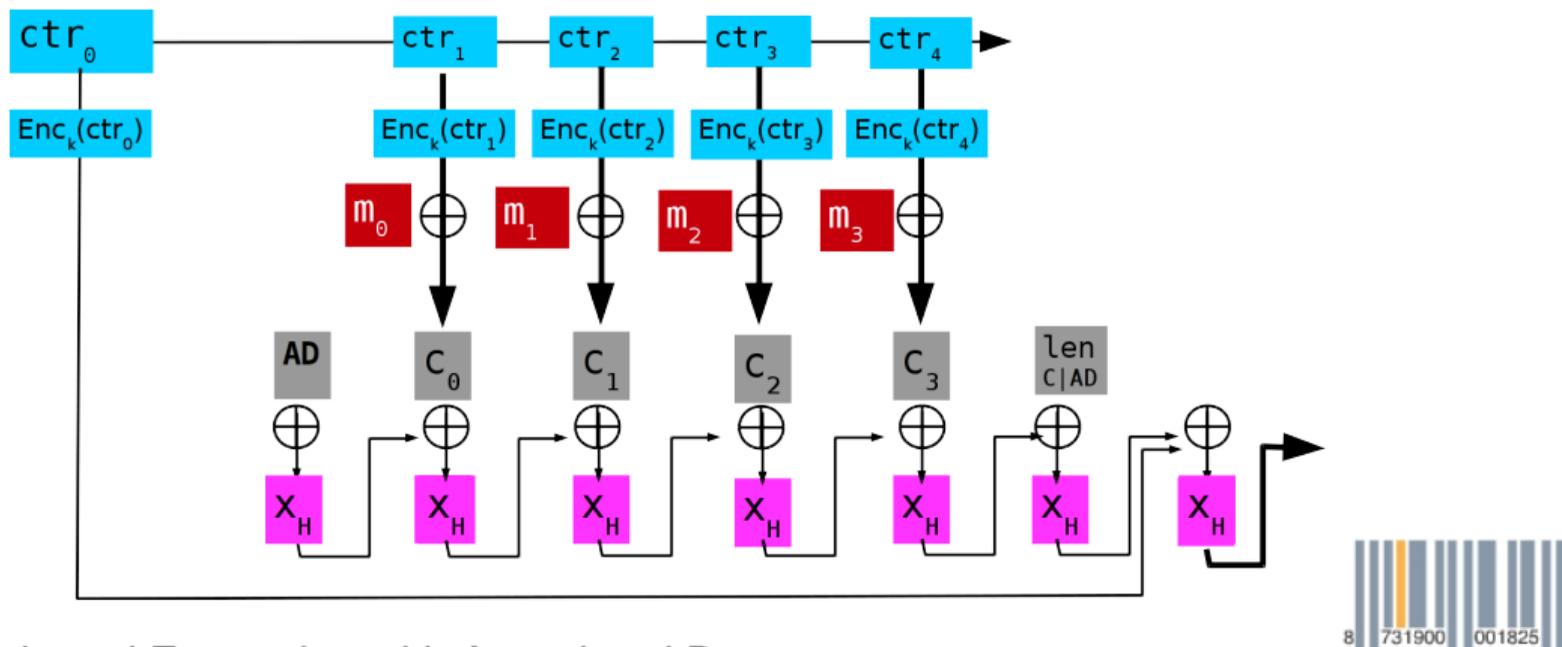
# GCM Authenticated Encryption



Authenticated Encryption - Aber GCM kann noch mehr



# GCM Authenticated Encryption with Associated Data



## Authenticated Encryption with Associated Data

# Multiplikation in $\mathbb{GF}(2^{128})$

$X_h$  (lila Box) ist eine (Polynom-) Multiplikation im Galois-Körper  $\mathbb{Z}(2^{128})$

## 1 Ciphertext in Polynom verwandeln

- n Anzahl der Bits
- Ciphertext C
- $C = \sum_{i=0}^n (b_n * x^n)$

## 2 Ciphertext-Polynom mit $H$ (dem "Tag") multiplizieren

- $H$  ergibt sich aus  $Enc_k(\text{Null-Block})$

## 3 Gegebenenfalls Reduktion falls Ergebnis größer als Generatorpolynom

$$x^{128} + x^7 + x^2 + x + 1$$

